

Musterprüfung

Es soll stets gelten $g = 10 \text{ m/s}^2$ und die Dichte von Wasser sei 1000 kg/m^3 .

1. Mit welcher maximalen Geschwindigkeit kann ein tonnenschwerer Felsbrocken im Tal in einen Kuhstall donnern, nachdem er in einer um 45 m erhöhten Lage abgebrochen und den Berg hinunter gerollt ist?
2. Ein 393 kg schwerer Anker verdrängt 50 Liter Wasser. Wie viel Arbeit muss verrichtet werden, um den Schwerpunkt des Ankers im Wasser um 4 m anzuheben?
3. Ein 28 t schwerer Lastwagen fährt auf einer horizontalen Strecke mit einer Geschwindigkeit von 108 km/h . Welche konstante Bremskraft ist erforderlich, um das Fahrzeug bei einer Schnellbremsung auf einer Strecke von 56 m bis zum Stillstand abzubremsen?
4. Beim Rangieren trifft ein 15 t schwerer Güterwagen mit einer Geschwindigkeit von 1.6 m/s auf einen Prellbock. Beim Aufprall werden vier gleiche Puffer zusammengestaucht, zwei am Güterwagen und zwei am Prellbock. Wie gross ist die Federkonstante der Puffer, wenn beim Aufprall jeder Puffer um max. 4 cm zusammen gestaucht wird?
5. Einem 7 kg schwerer Körper auf einer horizontalen Ebene wird ein Schlag versetzt so, dass er mit einer Anfangsgeschwindigkeit von 4 m/s gleitet.
 - a) Mit welcher Gleitreibungskraft wird der Körper abgebremst, wenn er eine Strecke von 250 cm zurücklegt bis er still steht?
 - b) Wie gross ist der Gleitreibungskoeffizient zwischen Körper und horizontaler Ebene?
6. Durch eine seitliche Kraft F von 44 N wird ein anfänglich ruhender, 4 kg schwerer Körper auf einer horizontalen Unterlage auf einer Strecke von 250 cm auf eine Geschwindigkeit von 7 m/s beschleunigt.
 - a) Welche Arbeit hat die Kraft F verrichtet?
 - b) Welche Beschleunigungsarbeit wurde verrichtet?
 - c) Welche Reibungsarbeit wurde verrichtet?
 - d) Wie gross ist die Gleitreibungskraft?
 - e) Wie gross ist die Gleitreibungszahl?
7. Bei einem schiefen Wurf durchläuft der Körper den Scheitelpunkt S der Wurfparabel mit einer Momentangeschwindigkeit von 3 m/s . Wie gross war die Geschwindigkeit des Körpers beim Abwurf, wenn der Scheitelpunkt S um 2 m höher liegt als die Abwurfstelle?
8. Bei einer idealen Atwoodschen Fallmaschine (massen- und reibungslose Walze; massenloses sehr flexibles Seil) ist eine Masse doppelt so gross wie die andere. Mit welcher Geschwindigkeit bewegen sich die Körper nachdem sie losgelassen wurden und je einen Weg von 60 cm zurückgelegt haben?
9. Ein 9 kg schwerer Holzklötz wird auf eine schiefe Ebene mit einem Neigungswinkel von 30° gelegt. Nachdem der Klötz eine Schrägdistanz von 60 cm zu-

- rückgelegt hat, gleitet er mit einer Momentangeschwindigkeit von 2 m/s . Durch welche Gleitreibungskraft wurde der Körper abgebremst?
10. Bei einem Flusskraftwerk mit einem Gefälle von 250 cm fließen pro Minute 90 m^3 Wasser durch die Turbinen.
 - a) Welche maximale Nutzleistung ergibt sich aus dem Gefälle und dem Durchfluss?
 - b) Wie gross ist der Wirkungsgrad, bezogen auf die im Teil (a) berechnete maximale Nutzleistung höchstens, wenn das Wasser mit einer mittleren Geschwindigkeit von 3 m/s aus den Turbinenschächten strömt?
 11. Welche Nutzleistung erbringt der Motor eines 28 t schweren Lastwagens, wenn er mit einer Geschwindigkeit von 54 km/h eine Bergstrasse mit einer Steigung von 11% hoch steigt?
 12. Ein Fahrzeug mit einem Benzinmotor benötigt pro 100 km im Mittel elf Liter Benzin. In jedem Liter Benzin stecken 32 MJ chemische Energie, welche der Motor mit einem Wirkungsgrad von 24% in mechanische Energie verwandelt.
 - a) Welchen Fahrwiderstand (Kraft F) muss das Fahrzeug überwinden?
 - b) Welche Nutzleistung ergibt sich bei obigem Benzinverbrauch bei einer Geschwindigkeit von 100 km/h ?
 13. Wie gross ist der lineare Impuls eines 50 kg schweren Körpers, der sich auf einer Kreisbahn mit 30 m Durchmesser mit einer Winkelgeschwindigkeit von 1.57 s^{-1} bewegt?
 14. Wie lange muss eine Bremskraft von 140 kN wirken, um einen 28 t schweren Lastwagen von einer Geschwindigkeit von 108 km/h bis zum Stillstand abzubremsen und wie lang ist der Bremsweg?
 15. Ein 5 kg schwerer Lehmklumpen bewegt sich mit einer Geschwindigkeit v_1 von 3 m/s . Ein 6 kg schwerer Lehmklumpen bewegt sich in Gegenrichtung mit einer Geschwindigkeit v_2 . Es kommt zu einem zentralen vollkommen unelastischen Stoss, d.h. die beiden Lehmklumpen bleiben nach dem Stoss zusammen. Wie gross ist v_2 , wenn sich die beiden Lehmklumpen nach dem Stoss nicht mehr bewegen?
 16. Eine 9 g schwere Pistolenkugel trifft mit einer Geschwindigkeit von 500 m/s auf einen 450 g schweren ruhenden Holzklötz und durchbohrt ihn. Wie schnell bewegt sich der durchbohrte Holzklötz, wenn die Kugel mit einer Geschwindigkeit von 150 m/s weiterfliegt?
 17. Wie viele Liter Wasser kann eine elektrische Pumpe mit 750 W zugeführter elektrischer Leistung pro Minute um 250 cm anheben, wenn ihr Wirkungsgrad 0.34 beträgt?
 18. Ein 4 kg schwerer Lehmklumpen trifft mit einer Geschwindigkeit von 4.2 m/s auf einen ruhenden Lehmklumpen mit Masse m_2 . Wie gross ist m_2 , wenn die beiden Lehmklumpen nach dem Zusammenstoss aneinander haften und sich gemeinsam mit einer Geschwindigkeit von 2.4 m/s bewegen?

19. Zwischen zwei ruhende Körper mit Masse m_1 und m_2 von 3 kg, resp. 2 kg wird eine Sprengladung angebracht. Beim Zünden der Sprengladung werden die Körper in Gegenrichtung beschleunigt. Wie schnell bewegen sich die beiden Körper nach der Explosion, wenn die Sprengladung an den Körpern Beschleunigungsarbeit von zusammen 1.5 kJ verrichtet hat?
20. Ein 700 kg schwerer Kleinwagen und ein 6800 kg schwerer Lastwagen treffen in einer Frontalkollision aufeinander. Bei der Kollision verkeilen sich die Fahrzeuge ineinander. Wie schnell und in welche Richtung bewegen sich die verkeilten Fahrzeuge nach der Kollision gemeinsam, wenn der Kleinwagen mit 75 km/h und der Lastwagen mit 24 km/h fahren?
21. Eine Pistolenkugel trifft auf einen hundert Mal schwereren ruhenden Holzklötzchen und bleibt in ihm stecken. Wie viel Prozent der Bewegungsenergie bleibt dann noch übrig?
22. Der Drehwinkel eines Zeigers nimmt pro Minute um 11° zu. Wie gross ist die Winkelgeschwindigkeit ω ?
23. Licht bewegt sich mit einer Geschwindigkeit von 300'000 km/s. Wie gross sind Drehfrequenz und Winkelgeschwindigkeit von Photonen (Lichtteilchen) in einem Ringlaser mit 12 cm Durchmesser?
24. Ein entlaufener 65 kg schwerer Sklave steigt auf das quaderförmige Floss mit einer Grundfläche von 13 m^2 von Huckleberry Finn. Um wie viele Millimeter wird dadurch Huckleberrys Floss tiefer in die Fluten des Mississippi gedrückt?
25. Herr und Frau Ludwig spazieren bei Mondschein dem See entlang. Da sagt Herr Ludwig zu seiner Frau „ich habe x kg zugenommen, denn ich spüre deutlich, dass ich vom $7.4 \cdot 10^{22}$ kg schweren, $3.8 \cdot 10^8$ m entfernten Mond um $103 \mu\text{N}$ stärker angezogen werde als zuvor“. Wie gross ist x ?

Musterlösungen:

- $E_{\text{kin}} = E_{\text{pot}} \rightarrow v = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 45} \text{ m/s} = 30 \text{ m/s} = 108 \text{ km/h}$
- $\Delta W = (\text{gewonnene Lageenergie des Ankers}) - (\text{verlorene Lageenergie des Wassers}) = (m - \rho_w \cdot V_w) gh = (393 - 0.05 \cdot 1000) \cdot 10 \cdot 4 \text{ J} = 13.7 \text{ kJ}$
- $\Delta W = E_{\text{kin}} \rightarrow F \cdot s = \frac{1}{2} m v^2 \rightarrow F = m v^2 / (2s) = [28'000 \cdot (108/3.6)^2 / (2 \cdot 56)] \text{ N} = 225 \text{ kN}$
- $4 E_{\text{Feder}} = E_{\text{kin}} \rightarrow 4 \cdot \frac{1}{2} \cdot D x^2 = \frac{1}{2} \cdot m v^2 \rightarrow D = m v^2 / (4 x^2) = m (v / (2x))^2 = [15'000 (1.6 / (2 \cdot 0.04))^2] \text{ N/m} = 6 \text{ MN/m}$
- $F = m v^2 / (2s) = [7 \cdot 4^2 / (2 \cdot 2.5)] \text{ N} = 22.4 \text{ N}$
 - $\mu_G = v^2 / (2sg) = 4^2 / (2 \cdot 2.5 \cdot 10) = 0.32$
- $\Delta W = F \cdot \Delta s = 44 \cdot 2.5 \text{ J} = 110 \text{ J}$
 - $\Delta W_{\text{kin}} = E_{\text{kin}} = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 7^2 \text{ J} = 98 \text{ J}$
 - $\Delta W_{\text{R}} = \Delta W - E_{\text{kin}} = (110 - 98) \text{ J} = 12 \text{ J}$
 - $F_{\text{GR}} \cdot \Delta s = \Delta W_{\text{R}} \rightarrow F_{\text{GR}} = \Delta W_{\text{R}} / \Delta s = (12 / 2.5) \text{ N} = 4.8 \text{ N}$
 - $m_G = F_{\text{GR}} / F_G = F_{\text{GR}} / (m \cdot g) = (4.8 / (10 \cdot 4)) = 0.12$
- $\frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m v^2 + mgh \rightarrow v_0 = \sqrt{v^2 + 2gh} = \sqrt{3^2 + 2 \cdot 10 \cdot 2} \text{ m/s} = 7 \text{ m/s}$
- $\frac{1}{2} (2m) v^2 + \frac{1}{2} m v^2 = (2m) gh - mgh \rightarrow (3/2) v^2 = gh \rightarrow v = \sqrt{\frac{2}{3} gh} = \sqrt{\frac{2}{3} 10 \cdot 0.6} \text{ m/s} = 2 \text{ m/s}$
- Höhendifferenz = $\Delta h = \Delta s \cdot \sin \alpha = \Delta s \cdot \sin 30^\circ = \frac{1}{2} \Delta s \rightarrow mg \Delta h = \frac{1}{2} mg \Delta s = \frac{1}{2} m v^2 + F_{\text{GR}} \cdot \Delta s \rightarrow F_{\text{GR}} = \frac{1}{2} m [g \Delta s - v^2] / \Delta s = \frac{1}{2} \cdot 9 [10 \cdot 0.6 - 2^2] \text{ N} / 0.6 = 15 \text{ N}$
- $P_{\text{max}} = \rho_w gh \Delta V_w / \Delta t = [1000 \cdot 10 \cdot 2.5 \cdot 90 / 60] \text{ W} = 37.5 \text{ kW}$
 - $\eta_{\text{max}} = [(P_{\text{max}} - (\frac{1}{2} (\rho_w \Delta V_w / \Delta t) v^2)) / P_{\text{max}}] \cdot 100\% = [(37'500 - \frac{1}{2} (1000 \cdot 90 / 60) 3^2) / 37'500] \cdot 100\% = 82\%$
- Neigungswinkel = $\alpha = \arctan 0.11 = 6.277^\circ \rightarrow P = mg \Delta h / \Delta t = mg \Delta s \cdot \sin \alpha / \Delta t = mg \sin \alpha (\Delta s / \Delta t) = mg v \sin \alpha = [28'000 \cdot 10 \cdot (54 / 3.6) \sin 6.277^\circ] \text{ N} = 0.46 \text{ MW}$
- $\Delta E_{\text{Nutz}} = 0.24 \cdot 11 \cdot 32 \text{ MJ} = 84.48 \text{ MJ} = F \cdot \Delta s \rightarrow F = \Delta E_{\text{Nutz}} / \Delta s = [84.48 \cdot 10^6 / 100'000] \text{ N} = 845 \text{ N}$
 - $P = \Delta E_{\text{Nutz}} / \Delta t = [84.48 \cdot 10^6 / 3600] \text{ W} = 23.5 \text{ kW}$
- $mv = m \omega r = 50 \cdot 1.57 \cdot 15 \text{ N} \cdot \text{s} = 1.18 \cdot 10^3 \text{ N} \cdot \text{s}$
- $\Delta t = mv / F = [(28'000 \cdot (108 / 3.6)) / 140'000] \text{ s} = 6 \text{ s}, s = v_0 \cdot \Delta t / 2 = (30 \cdot 6 / 2) \text{ m} = 90 \text{ m}$

15. $m_1 v_1 = m_2 v_2 \rightarrow v_2 = m_1 v_1 / m_2 = [5 \cdot 3 / 6] \text{ m/s} = 2.5 \text{ m/s}$
16. $m_1 v_1 + 0 = m_1 v_1' + m_2 v_2' \rightarrow v_2' = (m_1 / m_2) (v_1 - v_1') = (9 / 450) (500 - 150) \text{ m/s} = 7 \text{ m/s}$
17. $P_{\text{Nutz}} = \eta \cdot P_{\text{Zu}} = \rho \Delta V g h / (\Delta t) \rightarrow \Delta V = \eta \cdot P_{\text{Zu}} \cdot \Delta t / (\rho g h) = [0.34 \cdot 750 \cdot 60 / (1000 \cdot 10 \cdot 2.5)] \text{ m}^3 = 612 \text{ Liter}$
18. $m_1 v_1 + 0 = (m_1 + m_2) v' \rightarrow m_2 = m_1 ((v_1 / v') - 1) = 4 ((4.2 / 2.4) - 1) \text{ kg} = 3 \text{ kg}$
19. $m_1 v_1 = m_2 v_2 \rightarrow v_2 = (m_1 / m_2) v_1$; $\frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = (m_1 / 2) [1 + m_1 / m_2] v_1^2 = 1.5 \text{ kJ} \rightarrow v_1 = \sqrt{3 \text{ kJ} / [m_1 (1 + m_1 / m_2)]} = \sqrt{3000 / [3 (1 + 3 / 2)]} \text{ m/s} = 20 \text{ m/s}$; $v_2 = (m_1 / m_2) v_1 = (3 / 2) 20 \text{ m/s} = 30 \text{ m/s}$
20. $m_2 v_2 - m_1 v_1 = (m_1 + m_2) v' \rightarrow v' = (m_2 v_2 - m_1 v_1) / (m_1 + m_2) = [(6800 \cdot (24 / 3.6) - 700 \cdot (75 / 3.6)) / (700 + 6800)] \text{ m/s} = 4.1 \text{ m/s} = 14.5 \text{ km/h}$ in die ursprüngliche Bewegungsrichtung des Lastwagens!
21. $m_1 v_1 = (m_1 + m_2) v' \rightarrow v' = m_1 v_1 / (m_1 + m_2) \rightarrow x \cdot \frac{1}{2} m_1 v_1^2 = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) (v')^2 = \frac{1}{2} (m_1^2 / (m_1 + m_2)) v_1^2 \rightarrow x = m_1 / (m_1 + m_2) = m_1 / (m_1 + 100 m_1) = 1 / 101 = 0.0099 \rightarrow 0.99\%$ der Bewegungsenergie bleiben übrig!
22. $\omega = \Delta \varphi / \Delta t = (11^\circ / 180^\circ) \pi / (60 \text{ s}) = 3.2 \cdot 10^{-3} \cdot \text{s}^{-1}$
23. $\omega = v / r = (3 \cdot 10^8 / 0.06) \text{ s}^{-1} = 5 \cdot 10^9 \text{ s}^{-1}$; $f = \omega / (2\pi) = 796 \text{ MHz}$
24. $\Delta V = m / \rho_w = (65 / 1000) \text{ m}^3 = A h \rightarrow h = \Delta V / A = (0.065 / 13) \text{ m} = 5 \text{ mm}$
25. Gravitationsgesetz: $m = F \cdot r^2 / (G \cdot m_M) = 103 \cdot 10^{-6} \cdot (3.8 \cdot 10^8)^2 \text{ kg} / (6.673 \cdot 10^{-11} \cdot 7.4 \cdot 10^{22}) = 3.01 \text{ kg} \rightarrow x = 3.01$